

**Муниципальное казенное общеобразовательное учреждение  
«Верхне - Грунская средняя общеобразовательная школа»  
Кореневского района Курской области**

**РАССМОТРЕНА**

на заседании методического  
объединения учителей естественно –  
математического цикла

Протокол от «30» августа 2021 года  
№ 1

Руководитель методического  
объединения: Салимова А.А.



**РАССМОТРЕНА И ПРИНЯТА**

на заседании педагогического  
совета МКОУ «Верхне - Грунская  
средняя общеобразовательная  
школа»

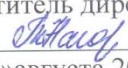
Протокол от 30 августа 2021 г., №1

Председатель педагогического совета




Каменева Т.С.

**СОГЛАСОВАНА**

Заместитель директора по  
УВР  Т.Ю. Нагорных  
от «28» августа 2021 года

УТВЕРЖДЕНА И ВВЕДЕНА  
В ДЕЙСТВИЕ приказом МКОУ  
«Верхне - Грунская средняя  
общеобразовательная школа»  
от 30 августа 2021 г., № 1/67  
Директор школы



Е.В. Мартакова



**Рабочая программа  
по геометрии  
для 7-9 классов**

Уровень обучения: основное общее образование

2 часа в неделю (всего 198 часов)

Программа разработана на основе примерной программы по математике  
Федерального государственного образовательного стандарта основного общего  
образования  
(приказ Минобрнауки РФ № 1897 от 17.12.2010 г.)

**Составитель:** учитель Нагорных Т.Ю.,  
Мартакова Е.В.  
(Ф.И.О.)

\_\_\_\_\_  
I квалификационная категория  
(категория)

с. Верхняя Груня

2021 год

## **Оглавление**

1. Титульный лист.....	1
2. Оглавление.....	2
3. Пояснительная записка.....	3
4. Планируемые предметные результаты освоения геометрии.....	4
5. Содержание учебного предмета геометрии с указанием форм организации учебных занятий, основных видов учебной деятельности.....	8
6. Календарно-тематическое планирование с указанием количества часов, отводимых на освоение каждой темы.....	22

### **Пояснительная записка**

Настоящая рабочая программа по геометрии разработана как нормативно-правовой документ для организации учебного процесса в Муниципальном казенном общеобразовательном учреждении «Верхнее - Грунская средняя общеобразовательная школа».

Настоящая рабочая программа написана на основании следующих *нормативных документов*:

1. Геометрия. Сборник рабочих программ. 7-9 классы [Текст]: пособие для учителей общеобразовательных организаций / сост. Т.А. Бурмистрова. — М.: Просвещение, 2014. — 95 с.
2. Фундаментальное ядро содержания общего образования/Рос. акад. наук. Рос. акад. образования; под ред. В.В. Козлова, А.М. Кондакова – М.: Просвещение, 2011.-79с. 3. Приказ Министерства образования и науки Российской Федерации (Минобрнауки России) от 31. 03. 2014г. № 253 «Об утверждении федерального перечня учебников, рекомендуемых к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ начального общего, основного общего, среднего общего образования» с последующими изменениями.
4. Примерные программы по учебным предметам. Математика. 5-9 классы [Текст]. — 3-е изд., перераб. — М.: Просвещение, 2011. — 64с. — (Стандарты второго поколения).
5. Федеральный государственный образовательный стандарт основного общего образования. Математика (утвержден приказом Минобрнауки России от 17.12.2010 г. № 1897) с последующими изменениями.

Содержательный статус программы – базовая. Она определяет минимальный объем содержания курса геометрии для основной школы и предназначена для реализации требований ФГОС второго поколения к условиям и результату образования обучающихся основной школы по геометрии согласно учебному плану общеобразовательного учреждения. Базисный учебный (образовательный) план на изучение геометрии в основной школе отводит 2 учебных часа в неделю в течение каждого года обучения, всего 210 уроков.

#### **Основные цели курса:**

##### **в направлении личностного развития:**

- развитие логического и критического мышления, культуры речи, способности к умственному эксперименту;
- формирование у учащихся интеллектуальной честности и объективности, способности к преодолению мыслительных стереотипов, вытекающих из обыденного опыта;
- воспитание качеств личности, обеспечивающих социальную мобильность, способность принимать самостоятельные решения;
- формирование качеств мышления, необходимых для адаптации в современном информационном обществе;
- развитие интереса к математическому творчеству и математических способностей;

##### **в метапредметном направлении:**

- формирование представлений о математике как части общечеловеческой культуры, о значимости математики в развитии цивилизации и современного общества;
- развитие представлений о математике как форме описания и методе познания действительности, создание условий для приобретения первоначального опыта математического моделирования;
- формирование общих способов интеллектуальной деятельности, характерных для математики и являющихся основой познавательной культуры, значимой для различных сфер человеческой деятельности;

##### **в предметном направлении:**

- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми для продолжения обучения в старшей школе или иных общеобразовательных учреждениях, изучения смежных дисциплин, применения в повседневной жизни;

- создание фундамента для математического развития, формирования механизмов мышления, характерных для математической деятельности.

Важнейшей задачей школьного курса геометрии является развитие логического мышления учащихся. Сами объекты геометрических умозаключений и принятые в геометрии правила их конструирования способствуют формированию умений обосновывать и доказывать суждения, приводить чёткие определения, развивают логическую интуицию, кратко и наглядно вскрывают механизм логических построений и учат их применению.

Тем самым геометрия занимает ведущее место в формировании научно-теоретического мышления школьников. Раскрывая внутреннюю гармонию математики, формируя понимание красоты и изящества математических рассуждений, способствуя восприятию геометрических форм, усвоению понятия симметрии, геометрия вносит значительный вклад в эстетическое воспитание учащихся. Её изучение развивает воображение школьников, существенно обогащает и развивает их пространственные представления.

Представленная рабочая программа полностью соответствует авторской программе основного общего образования по математике.

Рабочая программа ориентирована на использование единого учебно-методического комплекта по геометрии, рекомендованного РАО.

Состав учебно-методического комплекта по геометрии:

□ Геометрия. 7-9 классы: учеб. Для общеобразовательных организаций с приложением на электрон. носителе/ Л.С. Атанасян, В.Ф. Бутузов, С.Б. Кадомцев и др. М.: Просвещение, 2014.- 383с.

□ Глазков Ю.А. П.М. Камаев. Рабочая тетрадь по геометрии: 7 класс: к учебнику Л.С. Атанасяна и др. «Геометрия. 7-9 классы: учеб. для общеобразовательных учреждений»-М.: Экзамен, 2014, -77с

□ А.В. Фарков. Тесты по геометрии: 7 класс: к учебнику Л.С. Атанасяна и др. «Геометрия. 7-9 классы: учеб. для общеобразовательных учреждений»-М.: Экзамен, 2014, - 125с

□ Мельникова Н.Б. Контрольные работы по геометрии: 7 класс: к учебнику Л.С. Атанасяна и др. «Геометрия. 7-9 классы: учеб. для общеобразовательных учреждений»-М.: Экзамен, 2014, -61с.

□ Т.М. Мищенко. Рабочая тетрадь по геометрии: 8 класс: к учебнику Л.С. Атанасяна и др. «Геометрия. 7-9 классы: учеб. для общеобразовательных учреждений» -М.: Экзамен, 2016, - 110 с

□ А.В. Фарков. Тесты по геометрии: 8 класс: к учебнику Л.С. Атанасяна и др. «Геометрия. 7-9 классы: учеб. для общеобразовательных учреждений» -М.: Экзамен, 2014, -125с

□ Мельникова Н.Б. Контрольные работы по геометрии: 8 класс: к учебнику Л.С. Атанасяна и др. «Геометрия. 7-9 классы: учеб. для общеобразовательных учреждений»-М.: Экзамен, 2014, -63с.

□ Глазков Ю.А. П.М. Камаев. Рабочая тетрадь по геометрии: 9 класс: к учебнику Л.С. Атанасяна и др. «Геометрия. 7-9 классы: учеб. для общеобразовательных учреждений»-М.: Экзамен, 2015, -77с

□ А.В. Фарков. Тесты по геометрии: 9 класс: к учебнику Л.С. Атанасяна и др. «Геометрия. 7-9 классы: учеб. для общеобразовательных учреждений»-М.: Экзамен, 2014, - 125с

□ Мельникова Н.Б. Контрольные работы по геометрии: 9 класс: к учебнику Л.С. Атанасяна и др. «Геометрия. 7-9 классы: учеб. для общеобразовательных учреждений»-М.: Экзамен, 2015, -61с.

### **Планируемые предметные результаты освоения геометрии**

#### **Личностные:**

1. Формирование ответственного отношения к учению, готовности и способности обучающихся к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию, выбору дальнейшего образования на базе ориентировки в мире профессий и профессиональных предпочтений, осознанному построению индивидуальной образовательной траектории с учетом устойчивых познавательных интересов;

2. Формирование целостного мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики;
3. Формирование коммуникативной компетентности в общении и сотрудничестве со сверстниками, старшими и младшими в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, творческой и других видах деятельности;
4. Умение ясно, точно, грамотно излагать свои мысли в устной и письменной речи, понимать смысл поставленной задачи, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры;
5. Критичность мышления, умение распознавать логически некорректные высказывания, отличать гипотезу от факта;
6. Креативность мышления, инициативу, находчивость, активность при решении геометрических задач;
7. Умение контролировать процесс и результат учебной математической деятельности;
8. Способность к эмоциональному восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений;

**Метапредметные:**

1. Умение самостоятельно планировать альтернативные пути достижения целей, осознанно выбирать наиболее эффективные способы решения учебных и познавательных задач;
2. Умение осуществлять контроль по результату и по способу действия на уровне произвольного внимания и вносить необходимые коррективы;
3. Умение адекватно оценивать правильность или ошибочность выполнения учебной задачи, её объективную трудность и собственные возможности её решения;
4. Осознанное владение логическими действиями определения понятий, обобщения, установления аналогий, классификации на основе самостоятельного выбора оснований и критериев, установления родовидовых связей;
5. Умение устанавливать причинно-следственные связи, строить логическое рассуждение, умозаключение (индуктивное, дедуктивное и по аналогии) и выводы;
6. Умение создавать, применять и преобразовывать знаково-символические средства, модели и схемы для решения учебных и познавательных задач;
7. Умение организовывать учебное сотрудничество и совместную деятельность с учителем и сверстниками: определять цели, распределять функции и роли участников, общие способы работы; умение работать в группе: находить общее решение и разрешать конфликты на основе согласования позиций и учёта интересов; слушать партнёра; формулировать, аргументировать и отстаивать своё мнение;
8. Формирование и развитие учебной и общепользовательской компетентности в области использования информационно-коммуникационных технологий (ИКТ-компетентности);
9. Формирование первоначальных представлений об идеях и о методах математики как об универсальном языке науки и техники, о средстве моделирования явлений и процессов;
10. Умение видеть математическую задачу в контексте проблемной ситуации в других дисциплинах, в окружающей жизни;
11. Умение находить в различных источниках информацию, необходимую для решения математических проблем, и представлять её в понятной форме; принимать решение в условиях неполной и избыточной, точной и вероятностной информации;
12. Умение понимать и использовать математические средства наглядности (рисунки, чертежи, схемы и др.) для иллюстрации, интерпретации, аргументации;
13. Умение выдвигать гипотезы при решении учебных задач и понимать необходимость их проверки;
14. Умение применять индуктивные и дедуктивные способы рассуждений, видеть различные стратегии решения задач;
15. Понимание сущности алгоритмических предписаний и умение действовать в соответствии с предложенным алгоритмом;

16. Умение самостоятельно ставить цели, выбирать и создавать алгоритмы для решения учебных математических проблем;
17. Умение планировать и осуществлять деятельность, направленную на решение задач исследовательского характера;

#### **Предметные:**

1. Овладение базовым понятийным аппаратом по основным разделам содержания; представление об основных изучаемых понятиях (число, геометрическая фигура, вектор, координаты) как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать реальные процессы и явления;
2. Умение работать с геометрическим текстом (анализировать, извлекать необходимую информацию), точно и грамотно выражать свои мысли в устной и письменной речи с применением математической терминологии и символики, использовать различные языки математики, проводить классификации, логические обоснования, доказательства математических утверждений;
3. Овладение навыками устных, письменных, инструментальных вычислений;
4. Овладение геометрическим языком, умение использовать его для описания предметов окружающего мира, развитие пространственных представлений и изобразительных умений, приобретение навыков геометрических построений;
5. Усвоение систематических знаний о плоских фигурах и их свойствах, а также на наглядном уровне — о простейших пространственных телах, умение применять систематические знания о них для решения геометрических и практических задач;
6. Умение измерять длины отрезков, величины углов, использовать формулы для нахождения периметров, площадей и объёмов геометрических фигур;
7. Умение применять изученные понятия, результаты, методы для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин с использованием при необходимости справочных материалов, калькулятора, компьютера.

#### **Наглядная геометрия**

Выпускник научится:

- 1) распознавать на чертежах, рисунках, моделях и в окружающем мире плоские и пространственные геометрические фигуры;
- 2) распознавать развёртки куба, прямоугольного параллелепипеда, правильной пирамиды, цилиндра и конуса;
- 3) определять по линейным размерам развёртки фигуры линейные размеры самой фигуры и наоборот;
- 4) вычислять объём прямоугольного параллелепипеда.

*Выпускник получит возможность:*

- 5) *вычислять объёмы пространственных геометрических фигур, составленных из прямоугольных параллелепипедов;*
- 6) *углубить и развить представления о пространственных геометрических фигурах;*
- 7) *применять понятие развёртки для выполнения практических расчётов.*

#### **Геометрические фигуры**

Выпускник научится:

- 1) пользоваться языком геометрии для описания предметов окружающего мира и их взаимного расположения;
- 2) распознавать и изображать на чертежах и рисунках геометрические фигуры и их конфигурации;
- 3) находить значения длин линейных элементов фигур и их отношения, градусную меру углов от 0 до 180°, применяя определения, свойства и признаки фигур и их элементов, отношения фигур (равенство, подобие, симметрии, поворот, параллельный перенос);
- 4) оперировать с начальными понятиями тригонометрии и выполнять элементарные операции над функциями углов:

- 5) решать задачи на доказательство, опираясь на изученные свойства фигур и отношений между ними и применяя изученные методы доказательств;
- 6) решать несложные задачи на построение, применяя основные алгоритмы построения с помощью циркуля и линейки;
- 7) решать простейшие планиметрические задачи в пространстве.

*Выпускник получит возможность:*

- 8) овладеть методами решения задач на вычисления и доказательства: методом от противного, методом подобия, методом перебора вариантов и методом геометрических мест точек;
- 9) приобрести опыт применения алгебраического и тригонометрического аппарата и идей движения при решении геометрических задач;
- 10) овладеть традиционной схемой решения задач на построение с помощью циркуля и линейки: анализ, построение, доказательство и исследование;
- 11) научиться решать задачи на построение методом геометрического места точек и методом подобия;
- 12) приобрести опыт исследования свойств планиметрических фигур с помощью компьютерных программ;
- 13) приобрести опыт выполнения проектов по темам: «Геометрические преобразования на плоскости», «Построение отрезков по формуле».

### **Измерение геометрических величин**

Выпускник научится:

- 1) использовать свойства измерения длин, площадей и углов при решении задач на нахождение длины отрезка, длины окружности, длины дуги окружности, градусной меры угла;
- 2) вычислять длины линейных элементов фигур и их углы, используя формулы длины окружности и длины дуги окружности, формулы площадей фигур;
- 3) вычислять площади треугольников, прямоугольников, параллелограммов, трапеций, кругов и секторов;
- 4) вычислять длину окружности, длину дуги окружности;
- 5) решать задачи на доказательство с использованием формул длины окружности и длины дуги окружности, формул площадей фигур;
- 6) решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин (используя при необходимости справочники и технические средства).

*Выпускник получит возможность:*

- 7) вычислять площади фигур, составленных из двух или более прямоугольников, параллелограммов, треугольников, круга и сектора;
- 8) вычислять площади многоугольников, используя отношения равновеликости и равносоставленности;
- 9) приобрести опыт применения алгебраического и тригонометрического аппарата и идей движения при решении задач на вычисление площадей многоугольников.

### **Координаты**

Выпускник научится:

- 1) вычислять длину отрезка по координатам его концов; вычислять координаты середины отрезка;
- 2) использовать координатный метод для изучения свойств прямых и окружностей.

*Выпускник получит возможность:*

- 3) овладеть координатным методом решения задач на вычисление и доказательство;
- 4) приобрести опыт использования компьютерных программ для анализа частных случаев взаимного расположения окружностей и прямых;
- 5) приобрести опыт выполнения проектов на тему «Применение координатного метода при решении задач на вычисление и доказательство».

### **Векторы**

Выпускник научится:

- 1) оперировать с векторами: находить сумму и разность двух векторов, заданных геометрически, находить вектор, равный произведению заданного вектора на число;
- 2) находить для векторов, заданных координатами: длину вектора, координаты суммы и разности двух и более векторов, координаты произведения вектора на число, применяя при необходимости сочетательный, переместительный и распределительный законы;
- 3) вычислять скалярное произведение векторов, находить угол между векторами, устанавливать перпендикулярность прямых.

*Выпускник получит возможность:*

- 4) овладеть векторным методом для решения задач на вычисление и доказательство;
- 5) приобрести опыт выполнения проектов на тему «Применение векторного метода при решении задач на вычисление и доказательство»

**Содержание учебного курса с указанием форм организации учебных занятий, основных видов учебной деятельности геометрия 7-9**

#### **7 класс. Начальные геометрические сведения (10 часов)**

Прямая, отрезок, луч и угол. Виды углов. Обозначение углов. Сравнение отрезков и углов. Измерение отрезков. Измерение углов. Единицы измерения. Транспортир. Вертикальные и смежные углы. Перпендикулярные прямые.

**Основные виды учебной деятельности:** объяснять, что такое отрезок, луч, угол, какие фигуры называются равными, как сравниваются, что такое градус и градусная мера угла, виды, углов, что такое середина отрезка, биссектриса угла; формулировать и обосновывать утверждения о свойствах углов; объяснять перпендикулярность прямых; изображать и распознавать простейшие фигуры на чертежах; решать задачи связанные с простейшими фигурами.

**Формы организации учебных занятий:** урок (изучения нового учебного материала, комбинированный, практикум по решению задач, контрольная работа)

#### **Треугольники (17 часов)**

Треугольник. Первый признак равенства треугольников. Условие и заключение теоремы. Перпендикуляр к прямой. Медианы, биссектрисы и высоты треугольника. Свойство углов при основании равнобедренного треугольника. Свойство биссектрисы равнобедренного треугольника. Второй признак равенства треугольников. Третий признак равенства треугольников. Задачи на построение. Построение угла, равного данному. Построение биссектрисы угла. Построение перпендикулярных прямых. Построение середины отрезка.

**Основные виды учебной деятельности:** объяснять, какая фигура называется треугольником, что такое вершина, стороны, углы и периметр треугольника, виды треугольников, равные треугольники; изображать и распознавать на чертежах треугольники и их элементы; формулировать и доказывать теоремы о признаках равенства треугольников; объяснять, что называется перпендикуляром, проведенным из данной точки к данной прямой; формулировать определения медианы, высоты, биссектрисы треугольника; решать задачи, связанные с признаками равенства треугольников и свойствами равнобедренного треугольника; формулировать определения окружности и ее элементов; решать простейшие задачи на построения и более сложные задачи, использующие указанные простейшие; сопоставлять полученный результат с условием задачи; анализировать возможные случаи.

**Формы организации учебных занятий:** урок (изучения нового учебного материала, комбинированный, практикум по решению задач, контрольная работа)

#### **Параллельные прямые (13 часов)**

Признак параллельности двух прямых по равенству накрест лежащих углов. Признак параллельности двух прямых по равенству соответственных углов. Признак параллельности двух прямых по равенству односторонних углов. Практические способы построения параллельных прямых. Аксиома параллельных прямых. Теорема о накрест лежащих углах, образованных двумя параллельными прямыми и секущей. Теорема об



односторонних и соответственных углах, образованных двумя параллельными прямыми и секущей.

**Основные виды учебной деятельности:** формулировать определения параллельных прямых;

объяснять с помощью рисунка виды углов, образованных при пересечении двух прямых и секущей; формулировать и доказывать теоремы выражающие признаки параллельности двух прямых; формулировать и доказывать теоремы о свойствах параллельных прямых; объяснять что такое условие и заключение теоремы, обратные теоремы, метод доказательства от противного; решать задачи на вычисление, доказательства и построение, связанные с параллельными прямыми.

**Формы организации учебных занятий:** урок (изучения нового учебного материала, комбинированный, практикум по решению задач, контрольная работа)

#### **Соотношения между сторонами и углами треугольника (20 часов)**

Сумма углов треугольника. Остроугольный, прямоугольный, тупоугольный треугольники. Соотношения между сторонами и углами треугольника. Неравенство треугольника. Некоторые свойства прямоугольных треугольников. Признаки равенства прямоугольных треугольников. Расстояние от точки до прямой. Расстояние между параллельными прямыми. Построение треугольника по двум сторонам и углу между ними. Построение треугольника по стороне и двум прилежащим к ней углам. Построение треугольника по трём сторонам.

**Основные виды учебной деятельности:** формулировать и доказывать теорему о сумме углов треугольника и ее следствии о внешнем угле треугольника; проводить классификацию треугольников по углам; формулировать и доказывать теорему о соотношениях между сторонами и углами треугольника (прямое и обратное утверждения) и следствия из нее, теорему о неравенстве треугольника; формулировать и доказывать теоремы о свойствах прямоугольных треугольников; формулировать определения расстояния от точки до прямой, расстояния между параллельными прямыми; решать задачи на вычисление, доказательство и построение; проводить по ходу решения задач дополнительные построения; сопоставлять полученный результат с условием задачи, в задачах на построение исследовать возможные случаи.

**Формы организации учебных занятий:** урок (изучения нового учебного материала, комбинированный, практикум по решению задач, контрольная работа)

#### **Повторение (8 часов)**

. Смежные и вертикальные углы, Признаки равенства треугольников. Признаки параллельности прямых. Соотношения между сторонами и углами треугольника

**Основные виды учебной деятельности:** привести в систему знания, умения, навыки по всем темам курса; совершенствовать навыки решения задач по выше перечисленным главам.

**Наглядная геометрия.** Наглядные представления о пространственных фигурах: куб, параллелепипед, призма, пирамида, шар, сфера, конус, цилиндр. Изображение пространственных фигур.

Примеры сечений. Многогранники. Правильные многогранники. Примеры развёрток многогранников, цилиндра и конуса.

Понятие объёма; единицы объёма. Объём прямоугольного параллелепипеда, куба.

**Геометрические фигуры.** Прямые и углы. Точка, прямая, плоскость. Отрезок, луч. Угол. Виды углов. Вертикальные и смежные углы. Биссектриса угла.

Параллельные и пересекающиеся прямые. Перпендикулярные прямые. Теоремы о параллельности и перпендикулярности прямых. Перпендикуляр и наклонная к прямой. Серединный перпендикуляр к отрезку.

Геометрическое место точек. Свойства биссектрисы угла и серединного перпендикуляра к отрезку.

Треугольник. Высота, медиана, биссектриса, средняя линия треугольника. Равнобедренные и равносторонние треугольники; свойства и признаки равнобедренного треугольника. Признаки равенства треугольников. Неравенство треугольника. Соотношения между сторонами и углами треугольника.

Сумма углов треугольника. Внешние углы треугольника. Теорема Фалеса. Подобие треугольников. Признаки подобия треугольников. Теорема Пифагора. Синус, косинус, тангенс, котангенс острого угла прямоугольного треугольника и углов от  $0$  до  $180^\circ$ ; приведение к острому углу. Решение прямоугольных треугольников. Основное тригонометрическое тождество. Формулы, связывающие синус, косинус, тангенс, котангенс одного и того же угла. Решение треугольников: теорема косинусов и теорема синусов. Замечательные точки треугольника.

Четырёхугольник. Параллелограмм, его свойства и признаки. Прямоугольник, квадрат, ромб,

их свойства и признаки. Трапеция, средняя линия трапеции.

Многоугольник. Выпуклые многоугольники. Сумма углов выпуклого многоугольника.

Правильные многоугольники.

Окружность и круг. Дуга, хорда. Сектор, сегмент. Центральный угол, вписанный угол, величина вписанного угла. Взаимное расположение прямой и окружности, двух окружностей. Касательная и секущая к окружности, их свойства. Вписанные и описанные многоугольники. Окружность, вписанная в треугольник, и окружность, описанная около треугольника. Вписанные и описанные окружности правильного многоугольника.

Геометрические преобразования. Понятие о равенстве фигур. Понятие о движении: осевая и центральная симметрии, параллельный перенос, поворот. Понятие о подобии фигур и гомотетии.

Построения с помощью циркуля и линейки. Основные задачи на построение: деление отрезка пополам; построение угла, равного данному; построение треугольника по трём сторонам; построение перпендикуляра к прямой; построение биссектрисы угла; деление отрезка на  $n$  равных частей.

Решение задач на вычисление, доказательство и построение с использованием свойств изученных фигур.

**Измерение геометрических величин.** Длина отрезка. Расстояние от точки до прямой. Расстояние между параллельными прямыми.

Периметр многоугольника.

Длина окружности, число  $\pi$ ; длина дуги окружности.

Градусная мера угла, соответствие между величиной центрального угла и длиной дуги окружности.

Понятие площади плоских фигур. Равносоставленные и равновеликие фигуры. Площадь прямоугольника. Площади параллелограмма, треугольника и трапеции. Площадь многоугольника. Площадь круга и площадь сектора. Соотношение между площадями подобных фигур.

Решение задач на вычисление и доказательство с использованием изученных формул.

**Координаты.** Уравнение прямой. Координаты середины отрезка. Формула расстояния между двумя точками плоскости. Уравнение окружности.

**Векторы.** Длина (модуль) вектора. Равенство векторов. Коллинеарные векторы.

Координаты вектора. Умножение вектора на число, сумма векторов, разложение вектора по двум неколлинеарным векторам. Скалярное произведение векторов.

**Теоретико-множественные понятия.** Множество, элемент множества. Задание множеств перечислением элементов, характеристическим свойством. Подмножество. Объединение и пересечение множеств.

**Элементы логики.** Определение. Аксиомы и теоремы. Доказательство. Доказательство от противного. Теорема, обратная данной. Пример и контрпример.

Понятие о равносильности, следовании, употребление логических связок *если ..., то ..., в том и только в том случае, "*логические связки *и, или.*

**Геометрия в историческом развитии.** От землемерия к геометрии. Пифагор и его школа. Фалес. Архимед. Построение правильных многоугольников. Трисекция угла. Квадратура круга. Удвоение куба. История числа  $\kappa$ . Золотое сечение. «Начала» Евклида. Л. Эйлер. Н. И. Лобачевский. История пятого постулата.

Изобретение метода координат, позволяющего переводить геометрические объекты на язык алгебры. Р. Декарт и П. Ферма. Примеры различных систем координат на плоскости.

Раздел	Тема, основное содержание по темам	Рабочая программа	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
1.	<b>Глава I.</b> <b>Начальные геометрические сведения</b> 1. Прямая и отрезок. Луч и угол 2. Сравнение отрезков и углов 3. Измерение отрезков. Измерение углов 4. Перпендикулярные прямые	10	Объяснять, что такое отрезок, луч, угол, какие фигуры называются равными, как сравниваются и измеряются отрезки и углы, что такое градус и градусная мера угла, какой угол называется прямым, тупым, острым, развёрнутым, что такое середина отрезка и биссектриса угла, какие углы называются смежными и какие вертикальными; формулировать и обосновывать утверждения о свойствах смежных и вертикальных углов; объяснять, какие прямые называются перпендикулярными; формулировать и обосновывать утверждение о свойстве двух прямых, перпендикулярных к третьей; изображать и распознавать указанные простейшие фигуры на чертежах; решать задачи, связанные с этими простейшими фигурами
2.	<b>Глава II.</b> <b>Треугольники</b>	17	Объяснять, какая фигура называется треугольником, что такое вершины, стороны, углы и периметр треугольника, какой треугольник называется равнобедренным и какой равносторонним, какие треугольники называются равными; изображать и распознавать на чертежах треугольники и их элементы; формулировать и доказывать теоремы о признаках равенства треугольников; объяснять, что называется перпендикуляром, проведённым из данной точки к данной прямой; формулировать и доказывать теорему о перпендикуляре к прямой; объяснять, какие отрезки называются медианой, биссектрисой и высотой треугольника; формулировать и доказывать теоремы о свойствах равнобедренного треугольника; решать задачи, связанные с признаками равенства треугольников и свойствами равнобедренного треугольника; формулировать определение окружности; объяснять, что такое центр, радиус, хорда и диаметр окружности; решать простейшие задачи на построение (построение угла, равного данному, построение биссектрисы угла, построение перпендикулярных прямых, построение середины отрезка) и более сложные задачи, использующие указанные простейшие; сопоставлять полученный
	<b>2.1 Признаки равенства треугольников</b> 1. Первый, второй и третий признак равенства треугольников 2. Медианы, биссектрисы и высоты треугольника	9	

	<b>2.2. Решение задач</b> 1. Решение задач на построение 2. Решение задач на применение признаков равенства треугольников	8	результат с условием задачи; анализировать возможные случаи
3.	<b>Глава III. Параллельные прямые</b>	13	Формулировать определение параллельных прямых; объяснять с помощью рисунка, какие углы, образованные при пересечении двух прямых секущей, называются накрест лежащими, какие односторонними и какие соответственными; формулировать и доказывать теоремы, выражающие признаки параллельности двух прямых; объяснять, что такое аксиомы геометрии и какие аксиомы уже использовались ранее; формулировать аксиому параллельных прямых и выводить следствия из неё; формулировать и доказывать теоремы о свойствах параллельных прямых, обратные теоремам о признаках параллельности, связанных с накрест лежащими, соответственными и односторонними углами, в связи с этим объяснять, что такое условие и заключение теоремы, какая теорема называется обратной по отношению к данной теореме; объяснять, в чём заключается метод доказательства от противного; формулировать и доказывать теоремы об углах с соответственно параллельными и перпендикулярными сторонами; приводить примеры использования этого метода; решать задачи на вычисление, доказательство и построение, связанные с параллельными прямыми
	<b>3.1 Признаки параллельности прямых</b> 1. Признаки параллельности прямых двух прямых 2. Аксиома параллельности прямых	7	
	3.2. Решение задач	6	
4.	<b>Глава IV. Соотношения между сторонами и углами треугольника</b>	18	Формулировать и доказывать теорему о сумме углов треугольника и её следствие о внешнем угле треугольника, проводить классификацию треугольников по углам; формулировать и доказывать теорему о соотношениях между сторонами и углами

	<b>4.1 Соотношения между сторонами и углами треугольника</b> 1. Сумма углов треугольника 2. Соотношения между сторонами и углами треугольника 3. Прямоугольные треугольники	9	треугольника (прямое и обратное утверждения) и следствия из неё, теорему о неравенстве треугольника; формулировать и доказывать теоремы о свойствах прямоугольных треугольников (прямоугольный треугольник с углом $30^\circ$ , признаки равенства прямоугольных треугольников); формулировать определения расстояния от точки до прямой, расстояния между параллельными прямыми; решать задачи на вычисления, доказательство и построение, связанные с соотношениями между сторонами и углами треугольника и расстоянием между параллельными прямыми, при необходимости проводить по ходу решения дополнительные построения, сопоставлять полученный результат с условием задачи, в задачах на построение исследовать возможные случаи
	<b>4.2 Решение задач на построение</b> 1. Построение треугольника по трем элементам 2. Решение задач	9	
5.	<b>Повторение . Решение задач</b> 1. Повторение по теме "Начальные геометрические сведения" 2. Повторение по теме "Признаки равенства треугольников. Равнобедренный треугольник" 3. Повторение по теме "Параллельные прямые" 4. Повторение по теме "Соотношения между сторонами и углами треугольника" 5. Повторение	8	Строят логические цепи рассуждений. Предвосхищают результат и уровень усвоения (какой будет результат?). Умеют слушать и слышать друг друга. Выдвигают и обосновывают гипотезы, предлагают способы их проверки. Ставят учебную задачу на основе соотнесения того, что уже известно и усвоено, и того, что еще неизвестно. Развивают умение интегрироваться в группу сверстников и строить продуктивное взаимодействие со сверстниками и взрослыми Самостоятельно создают алгоритмы деятельности при решении проблем творческого и поискового характера. Понимают возможность различных точек зрения, не совпадающих с собственной. Осознанно и произвольно строят речевые высказывания в устной и письменной форме. Сличают способ и результат своих действий с заданным эталоном, обнаруживают отклонения и отличия от эталона. Умеют с помощью вопросов добывать недостающую информацию. Выбирают наиболее эффективные способы решения задачи в зависимости от конкретных условий. Вносят коррективы и дополнения в способ своих действий в случае расхождения эталона, реального

	<i>е по теме "Задачи на построение"</i>		действия и его продукта. Проявляют готовность адекватно реагировать на нужды других, оказывать помощь и эмоциональную поддержку партнерам. Осознанно и произвольно строят речевые высказывания в письменной форме. Осознают качество и уровень усвоения. Придерживаются морально-этических и психологических принципов общения и сотрудничества.
	<b>Резерв</b>	<b>4</b>	
	<b>ИТОГО</b>		<b>70 часов</b>

### 8 класс

Раздел	Тема	Рабочая программа	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
1.	<b>Глава V. Четырехугольники</b>	<b>13</b>	Объяснять, что такое ломаная, многоугольник, его вершины, смежные стороны, диагонали, изображать и распознавать многоугольники на чертежах; показывать элементы много угольника, его внутреннюю и внешнюю области; формулировать определение выпуклого многоугольника; изображать и распознавать выпуклые и невыпуклые многоугольники; формулировать и доказывать утверждения о сумме углов выпуклого многоугольника и сумме его внешних углов; объяснять, какие стороны (вершины) четырёхугольника называются противоположными; формулировать определения параллелограмма, трапеции, равнобедренной и прямоугольной трапеций, прямоугольника, ромба, квадрата; изображать и распознавать эти четырёхугольники; формулировать и доказывать утверждения об их свойствах и признаках;
	<i>1.1 Многоугольники. Параллелограмм и трапеция</i>	<i>7</i>	решать задачи на вычисление, доказательство и построение, связанные с этими видами четырёхугольников; объяснять, какие две точки называются симметричными относительно прямой (точки), в каком случае фигура называется симметричной относительно прямой (точки) и что такое ось (центр) симметрии фигуры; приводить примеры фигур, обладающих осевой (центральной) симметрией, а также примеры осевой и центральной симметрий в окружающей нас обстановке
	<i>1.2 Прямоугольник, ромб, квадрат</i>	<i>6</i>	решать задачи на вычисление, доказательство и построение, связанные с этими видами четырёхугольников; объяснять, какие две точки называются симметричными относительно прямой (точки), в каком случае фигура называется симметричной относительно прямой (точки) и что такое ось (центр) симметрии фигуры; приводить примеры фигур, обладающих осевой (центральной) симметрией, а также примеры осевой и центральной симметрий в окружающей нас обстановке
2.	<b>Глава VI. Площадь</b>	<b>14</b>	Объяснять, как производится измерение площадей многоугольников, какие многоугольники называются равновеликими и какие равносторонними; формулировать основные свойства площадей и выводить с их помощью формулы площадей

	<i>2.1 Площадь многоугольника</i>	8	прямоугольника, параллелограмма, треугольника, трапеции; формулировать и доказывать теорему об отношении площадей треугольников, имеющих по равному углу; формулировать и доказывать теорему Пифагора и обратную ей; выводить формулу Герона для площади треугольника; решать задачи на вычисление и доказательство, связанные с формулами площадей и теоремой Пифагора
	<i>2.2. Теорема Пифагора</i>	6	
3.	<b>Глава VII. Подобные треугольники</b>	19	Объяснять понятие пропорциональности отрезков; формулировать определения подобных треугольников и коэффициента подобия; формулировать и доказывать теоремы: об отношении площадей подобных треугольников, о признаках подобия треугольников, о средней линии треугольника, о пересечении медиан треугольника, о пропорциональных отрезках в прямоугольном треугольнике; объяснять, что такое метод подобия в задачах на построение, и приводить примеры применения этого метода; объяснять, как можно использовать свойства подобных треугольников в измерительных работах на местности; объяснять, как ввести понятие подобия для произвольных фигур; формулировать определение и иллюстрировать понятия синуса, косинуса и тангенса острого угла прямоугольного треугольника; выводить основное тригонометрическое тождество и значения синуса, косинуса и тангенса для углов $30^\circ$ , $45^\circ$ , $60^\circ$ ; решать задачи, связанные с подобием треугольников, для вычисления значений тригонометрических функций использовать компьютерные программы
	<i>3.1 Признаки подобия</i>	8	
	<i>3.2. Применение подобия</i>	11	
4.	<b>Глава VIII. Окружность</b>	17	Исследовать взаимное расположение прямой и окружности; формулировать определение касательной к окружности; формулировать и доказывать теоремы: о свойстве касательной, о признаке касательной, об отрезках касательных, проведённых из одной точки; формулировать понятия центрального угла и градусной меры дуги окружности; формулировать и доказывать теоремы: о вписанном угле, о произведении отрезков пересекающихся хорд; формулировать и доказывать теоремы, связанные с замечательными точками треугольника: о биссектрисе угла и, как следствие, о пересечении биссектрис треугольника; о серединном перпендикуляре к отрезку и, как следствие, о пересечении серединных перпендикуляров к сторонам треугольника; о пересечении высот треугольника; формулировать определения окружностей, вписанной в многоугольник и описанной около многоугольника; формулировать и доказывать теоремы: об окружности,

	4.1 Касательная. Центральные и вписанные углы	10	вписанной в треугольник; об окружности, описанной около треугольника; о свойстве сторон описанного четырёхугольника; о свойстве углов вписанного четырёхугольника; решать задачи на вычисление, доказательство и построение, связанные с окружностью, вписанными и описанными треугольниками и четырёхугольниками; исследовать свойства конфигураций, связанных с окружностью, с помощью компьютерных программ
	4.2 Вписанная и описанная окружность	7	
5.	<b>Повторение. Решение задач</b>  1. Повторение по теме «Четырёхугольники». 2. Повторение по теме «Площадь». 3. Повторение по теме «Подобие треугольников. Окружность». 4. Повторение по теме «Подобие треугольников. Окружность».	4	Строят логические цепи рассуждений. Предвосхищают результат и уровень усвоения (какой будет результат?). Умеют слушать и слышать друг друга. Выдвигают и обосновывают гипотезы, предлагают способы их проверки. Ставят учебную задачу на основе соотнесения того, что уже известно и усвоено, и того, что еще неизвестно. Развивают умение интегрироваться в группу сверстников и строить продуктивное взаимодействие со сверстниками и взрослыми Самостоятельно создают алгоритмы деятельности при решении проблем творческого и поискового характера.  Понимают возможность различных точек зрения, не совпадающих с собственной. Осознанно и произвольно строят речевые высказывания в устной и письменной форме. Сличают способ и результат своих действий с заданным эталоном, обнаруживают отклонения и отличия от эталона. Умеют с помощью вопросов добывать недостающую информацию. Выбирают наиболее эффективные способы решения задачи в зависимости от конкретных условий. Вносят коррективы и дополнения в способ своих действий в случае расхождения эталона, реального действия и его продукта.
<b>Итого</b>		<b>70 часов</b>	

### 9 класс

Раздел	Тема	Рабочая программа	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
1.	<b>Глава IX. Векторы</b> 1. Понятие вектора	8	Формулировать определения и иллюстрировать понятия вектора, его длины, коллинеарных и равных векторов; мотивировать введение понятий и действий,



	<p>2. Сложение и вычитание векторов</p> <p>3. Умножение вектора на число.</p> <p>4. Применение векторов к решению задач</p>		связанных с векторами, соответствующими примерами, относящимися к физическим векторным величинам; применять векторы и действия над ними при решении геометрических задач
2.	<p><b>Глава X. Метод координат</b></p> <p>1. Координаты вектора</p> <p>2. Простейшие задачи в координатах</p> <p>3. Уравнения окружности</p>	10	Объяснять и иллюстрировать понятия прямоугольной системы координат, координат точки и координат вектора; выводить и использовать при решении задач формулы координат середины отрезка, длины вектора, расстояния между двумя точками, уравнения окружности и прямой
3.	<p><b>Глава XI. Соотношения между сторонами и углами треугольника. Скалярное произведение векторов</b></p> <p>1. Синус, косинус, тангенс, котангенс угла</p> <p>2. Соотношения между сторонами и углами треугольника</p> <p>3. Скалярное произведение векторов</p> <p>4. Решение задач</p>	11	Формулировать и иллюстрировать определения синуса, косинуса, тангенса и котангенса углов от 0 до 180°; выводить основное тригонометрическое тождество и формулы приведения; формулировать и доказывать теоремы синусов и косинусов, применять их при решении треугольников; объяснять, как используются тригонометрические формулы в измерительных работах на местности; формулировать определения угла между векторами и скалярного произведения векторов; выводить формулу скалярного произведения через координаты векторов; формулировать и обосновывать утверждение о свойствах скалярного произведения; использовать скалярное произведение векторов при решении задач
4.	<p><b>Глава XII. Длина окружности и площадь круга</b></p> <p>1. Правильные многоугольники</p> <p>2. Длина окружности и площадь круга</p> <p>3. Решение задач</p>	12	Формулировать определение правильного многоугольника; формулировать и доказывать теоремы об окружностях, описанной около правильного многоугольника и вписанной в него; выводить и использовать формулы для вычисления площади правильного многоугольника, его стороны и радиуса вписанной окружности; решать задачи на построение правильных многоугольников; объяснять понятия длины окружности и площади круга; выводить формулы для вычисления длины окружности и длины дуги, площади круга и площади кругового сектора; применять эти формулы при решении задач

5.	<p><b>Глава XIII.</b> <b>Движение</b></p> <p>1. <i>Понятие движения</i> 2. <i>Параллельный перенос и поворот</i></p>	8	Объяснять, что такое отображение плоскости на себя и в каком случае оно называется движением плоскости; объяснять, что такое осевая симметрия, центральная симметрия, параллельный перенос и поворот; обосновывать, что эти отображения плоскости на себя являются движениями; объяснять, какова связь между движениями и наложениями; иллюстрировать основные виды движений, в том числе с помощью компьютерных программ
6.	<p><b>Глава XIV.</b> <b>Начальные сведения из Стереометрии</b></p> <p>1. <i>Многогранники</i> 2. <i>Тела и поверхности вращения</i></p>	8	Объяснять, что такое многогранник, его грани, рёбра, вершины, диагонали, какой многогранник называется выпуклым, что такое $n$ -угольная призма, её основания, боковые грани и боковые рёбра, какая призма называется прямой и какая наклонной, что такое высота призмы, какая призма называется параллелепипедом и какой параллелепипед называется прямоугольным; формулировать и обосновывать утверждения о свойстве диагоналей параллелепипеда и о квадрате диагонали прямоугольного параллелепипеда; объяснять, что такое объём многогранника; выводить (с помощью принципа Кавальери) формулу объёма прямоугольного параллелепипеда; объяснять, какой многогранник называется пирамидой, что такое основание, вершина, боковые грани, боковые рёбра и высота пирамиды, какая пирамида называется правильной, что такое апофема правильной пирамиды, приводить формулу объёма пирамиды; объяснять, какое тело называется цилиндром, что такое его ось, высота, основания, радиус, боковая поверхность, образующие, развёртка боковой поверхности, какими формулами выражаются объём и площадь боковой поверхности цилиндра; объяснять, какое тело называется конусом, что такое его ось, высота, основание, боковая поверхность, образующие, развёртка боковой поверхности, какими формулами выражаются объём конуса и площадь боковой поверхности; объяснять, какая поверхность называется сферой) и какое тело называется шаром, что такое радиус и диаметр сферы (шара), какими формулами выражаются объём шара и площадь сферы; изображать и распознавать на рисунках призму, параллелепипед, пирамиду, цилиндр, конус, шар
7.	<b>Об аксиомах планиметрии</b>	2	Строят логические цепи рассуждений. Предвосхищают результат и уровень усвоения (какой будет результат?). Умеют слушать и слышать друг друга. Выдвигают и обосновывают гипотезы, предлагают способы их проверки. Ставят учебную задачу на основе соотнесения того, что уже известно и усвоено, и того, что еще неизвестно. Развивают умение интегрироваться в группу сверстников и строить продуктивное взаимодействие со сверстниками и взрослыми

5.	<b>Повторение.</b> <b>Решение задач</b> 1. <i>Виды треугольников. Замечательные линии и точки треугольника</i> 2. <i>Тригонометрические функции острого угла прямоугольного треугольника.</i> 3. <i>Виды четырехугольников. Свойства и признаки.</i> 4. <i>Координатный и векторный методы решения задач</i>	9	<p>Самостоятельно создают алгоритмы деятельности при решении проблем творческого и поискового характера.</p> <p>Понимают возможность различных точек зрения, не совпадающих с собственной.</p> <p>Осознанно и произвольно строят речевые высказывания в устной и письменной форме.</p> <p>Сличают способ и результат своих действий с заданным эталоном, обнаруживают отклонения и отличия от эталона.</p> <p>Умеют с помощью вопросов добывать недостающую информацию.</p>
	<b>Итого</b>		<b>68 часов</b>

**Тематическое планирование с указанием количества часов, отводимых на освоение каждой темы**

№ п/п	Наименование разделов (тем)	Формы организации учебных занятий
1	Начальные геометрические сведения	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
2	Треугольники	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
3	Параллельные прямые	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
4	Соотношения между сторонами и углами треугольника	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
5	Повторение	урок-закрепление знаний урок-повторение знаний

6	Итоговая контрольная работа	проверка знаний
	<b>VIII класс</b>	
1	Четырехугольники	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
2	Площадь	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
3	Подобные треугольники	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
4	Окружность	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
5	Повторение	урок-закрепление знаний урок-повторение знаний
6		проверка знаний
	<b>IX класс</b>	
1	Векторы	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
2	Метод координат	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
3	Соотношения между сторонами и углами треугольника. Скалярное произведение векторов.	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
4	Длина окружности. Площадь круга	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
5	Движение	урок изучение нового материала;

		урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
6	Начальные сведения из стереометрии	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
7	Об аксиомах планиметрии	урок изучение нового материала; урок совершенствования знаний, умений и навыков; урок обобщения и систематизации знаний, умений и навыков урок контроля умений и навыков
8	Повторение	урок-закрепление знаний урок-повторение знаний
9	Итоговая контрольная работа	проверка знаний

## Тематическое планирование с указанием количества часов, отводимых на освоение каждой темы

### 7 класс

№	Наименование разделов и тем	Количество часов	Контроль
1	Начальные геометрические сведения.	10	1
2	Треугольники.	15	1
3	Параллельные прямые.	11	1
4	Соотношения между сторонами и углами треугольника	17	2
5	Геометрические места точек. Симметричные фигуры	8	
6	Повторение	7	1

### 8 класс

№	Наименование разделов и тем	Количество часов	Контроль
1	Уроки вводного повторения	2	
2	Четырехугольники	14	1
3	Площадь	14	1
4	Подобные треугольники	19	2
5	Окружность	16	1
6	Повторение	3	1

### 9 класс

№	Наименование разделов и тем	Количество часов	Контроль
	Повторение	2	
1	Векторы.	7	
2	Метод координат.	11	1
3	Соотношения между сторонами и углами треугольника. Скалярное произведение векторов.	17	1
4	Длина окружности и площадь круга.	8	1
5	Движения.	6	1
6	Повторение, обобщение, систематизация знаний	13	

\

СОГЛАСОВАНО

заместитель директора по УВР Нагорных Т.Ю.

---

«\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2023 года

МКОУ «Верхне-Грунская средняя общеобразовательная школа»

---

(наименование образовательного учреждения)

## КАЛЕНДАРНО-ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

по геометрии

*Класс 7*

**Учитель** нагорных Т.Ю.

**Количество часов:** всего 67

**в неделю** 2 часа.

---

**Планирование составлено на основе рабочей программы по математике, утвержденной решением педагогического совета от 30 августа 2021 года, протокол №1, введен в действие приказом № 1/67 от 30.08.2021 г.**

---

(указать реквизиты утверждения рабочей программы с датой)

Номер урока	Содержание материала	Количес т во часов	Дата		Примечание
			План.	Факт.	
	<b>Глава I. Начальные геометрические сведения.</b>	<b>10</b>			
1	<b>§1.Прямая и отрезок</b> Простейшие геометрические объекты: точки, отрезки, прямые, ломаная, многоугольник.	1	01.09.2023		
2	<b>§2.Луч и угол</b> Входной контроль	1	05.09.2023		
3	<b>§3.Сравнение отрезков и углов</b> Понятие равенства геометрических фигур.	1	08.09.2023		
4	<b>§4. Измерение отрезков</b> Длина отрезка Единицы измерения. Измерительные инструменты	1	12.09.2023		
5	Длина отрезка Единицы измерения. Измерительные инструменты	1	15.09.2023		
6	<b>§5.Измерение углов</b> Градусная мера угла Измерение углов на местности	1	19.09.2023		
7	<b>§6. Перпендикулярные прямые</b> Смежные и вертикальные углы	1	22.09.2023		
8	Перпендикулярные прямые Построение прямых углов на местности	1	26.09.2023		
9	Решение задач по темам перпендикулярные прямые, смежные и вертикальные углы	1	29.09.2023		
10	Контрольная работа №1	1	03.10.2023		
	<b>Глава II. Треугольники</b>	<b>15</b>			
11	<b>§1. Первый признак равенства Треугольников.</b> Треугольники	1	06.10.2023		
12	Первый признак равенства треугольников	1	10.10.2023		



Номер урока	Содержание материала	Количес тво часов	Дата		Примечание
			План.	Факт.	
13	Решение задач с использованием первого признака равенства треугольников	1	13.10.2023		
14	<b>§2. Медианы, биссектрисы и высоты треугольника</b> Перпендикуляр к прямой Медианы, биссектрисы и высоты треугольника	1	17.10.2023		
15	Свойства равнобедренного треугольника	1	20.10.2023		
16	Решение задач с использованием свойств равнобедренного треугольника	1	24.10.2023		
17	<b>§3. Второй и третий признаки равенства треугольников</b> Второй признак равенства треугольников	1	27.10.2023		
18	Решение задач с использованием второго признака равенства треугольников	1	07.11.2023		
19	Третий признак равенства треугольников	1	10.11.2023		
20	Решение задач с использованием третьего признака равенства треугольников	1	14.11.2023		
21	<b>§4. Задачи на построение. Окружность</b>	1	17.11.2023		
22	Построения циркулем и линейкой	1	21.11.2023		
23	Примеры задач на построение	1	24.11.2023		
24	Решение задач на построение	1	28.11.2023		
25	Контрольная работа №2	1	01.12.2023		
	<b>Глава III. Параллельные прямые</b>	<b>11</b>			
26	<b>§1. Признаки параллельности двух прямых</b> Определение параллельных прямых	1	05.12.2023		
27	Признаки параллельности двух прямых	1	08.12.2023		
28	Практические Способы построения параллельных прямых	1	12.12.2023		

Номер урока	Содержание материала	Количес тво часов	Дата		Примечание
			План.	Факт.	
29	Решение задач с использованием признаков параллельности прямых	1	15.12.2023		
30	<b>§2. Аксиома параллельных прямых</b> Об аксиомах геометрии	1	19.12.2023		
31	Аксиома параллельных прямых	1	22.12.2023		
32	Теоремы об углах, образованных двумя параллельными прямыми и секущей	1	26.12.2023		
33	Углы с соответственно параллельными или перпендикулярными сторонами	1	29.12.2023		
34	Решение задач по теме параллельные прямые	1	09.01.2024		
35	Решение задач по теме параллельные прямые	1	12.01.2024		
36	Контрольная работа №3	1	16.01.2024		
	<b>Глава IV. Соотношения между сторонами и углами треугольника</b>	<b>17</b>			
37	<b>§1. Сумма углов треугольника</b> Теорема о сумме углов треугольника	1	19.01.2024		
38	Остроугольный, прямоугольный и тупоугольный треугольники	1	23.01.2024		
39	<b>§2. Соотношения между сторонами и углами треугольника</b> Теорема о соотношениях между сторонами и углами треугольника	1	26.01.2024		
40	Неравенство треугольника. Неравенство ломаной	1	30.01.2024		
41	Решение задач по теме Соотношения между сторонами и углами треугольника	1	02.02.2024		
42	Решение задач по теме Соотношения между сторонами и углами треугольника	1	06.02.2024		

Номер урока	Содержание материала	Количес тво часов	Дата		Примечание
			План.	Факт.	
43	Контрольная работа №4	1	09.02.2024		
44	<b>§3. Прямоугольные треугольники</b> Некоторые свойства и признаки прямоугольных треугольников	1	13.02.2024		
45	Признаки равенства прямоугольных треугольников	1	16.02.2024		
46	Свойство медианы прямоугольного треугольника. Прямоугольный треугольник с углом в 30°	1	20.02.2024		
47	<b>§4. Построение треугольника по трём элементам</b> Расстояние от точки до прямой. Расстояние между параллельными прямыми	1	27.02.2024		
48	Построение треугольника по трём элементам	1	01.03.2024		
49	Построение треугольника по трём элементам	1	05.03.2024		
50	Построение треугольника по трём элементам	1	12.03.2024		
51	Решение задач на построение	1	15.03.2024		
52	Решение задач на построение	1	19.03.2024		
53	Контрольная работа №5	1	02.04.2024		
	<b>Глава 5. Геометрические места точек. Симметричные фигуры</b>	<b>8</b>			
54	<b>§1. Геометрические Места точек</b> Свойства биссектрисы угла	1	05.04.2024		
55	Свойства серединного перпендикуляра к отрезку	1	09.04.2024		
56	<b>§2. Окружность. Касательная к окружности</b> Свойства диаметров и хорд окружности	1	12.04.2024		
57	Три случая взаимного расположения окружности и прямой. Касательная к окружности	1	16.04.2023		
58	Вписанная и описанная окружности треугольника	1	19.04.2024		

Номер урока	Содержание материала	Количес тво часов	Дата		Примечание
			План.	Факт.	
59	<b>Симметричные фигуры.</b> Фигуры, симметричные относительно прямой	1	23.04.2024		
60	Осевая симметрия и её свойства	1	26.04.2024		
61	Контрольная работа №6	1	03.05.2024		
	<b>Повторение.</b>	<b>7</b>			
62	Решение задач по теме «Признаки параллельности прямых»	1	07.05.2024		
63	Решение задач по теме «Теоремы об углах, образованных двумя параллельными прямыми и секущей».	1	14.05.2024		
64	<b>Промежуточная аттестация</b>	1	17.05.2024		
65	Решение задач по теме «Равнобедренный треугольник»	1	21.05.2024		
66	Решение задач по теме «Признаки равенства прямоугольных треугольников»	1	24.05.2024		
67	Решение задач на построение	1	28.05.2024		
68	Решение задач по теме «Окружность. Касательная к окружности»	1	31.05.2024		

## КОНТРОЛЬНЫЕ РАБОТЫ

### Геометрия – 7.

#### Контрольная работа № 1

#### Вариант 1

- 1°. Три точки В, С и D лежат на одной прямой. Известно, что  $BD = 17$ ,  $DC = 25$ . Какой может быть длина отрезка BC?
- 2°. Сумма вертикальных углов MOE и DCO, образованных при пересечении прямых MC и DE, равна  $204^\circ$ . Найти угол MOD.
- 3°. С помощью транспортира начертите угол, равный  $78^\circ$ , и проведите биссектрису смежного с ним угла.

#### Контрольная работа № 1

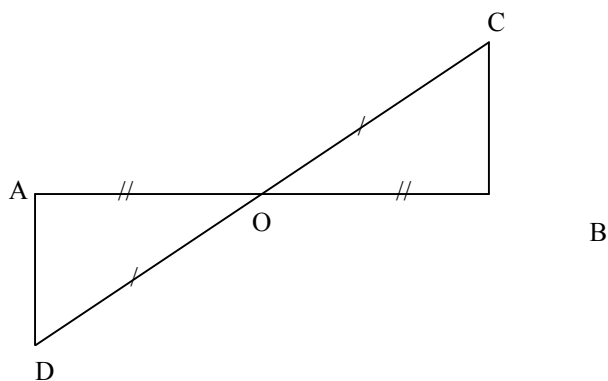
#### Вариант 2

- 1°. Три точки M, N и K лежат на одной прямой. Известно, что  $MN = 15$ ,  $NK = 18$ . Какой может быть длина отрезка MK?
- 2°. Сумма вертикальных углов AOB и COD, образованных при пересечении прямых AD и BC, равна  $108^\circ$ . Найти угол BOD
- 3°. С помощью транспортира начертите угол, равный  $78^\circ$ , и проведите биссектрису одного из смежных с ним углов.

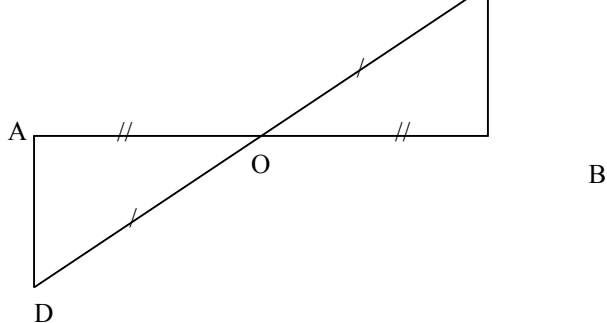
#### Контрольная работа № 2

#### Вариант 1

- 1°. Отрезки AB и CD имеют общую середину O. Докажите, что  $\angle DAO = \angle CBO$



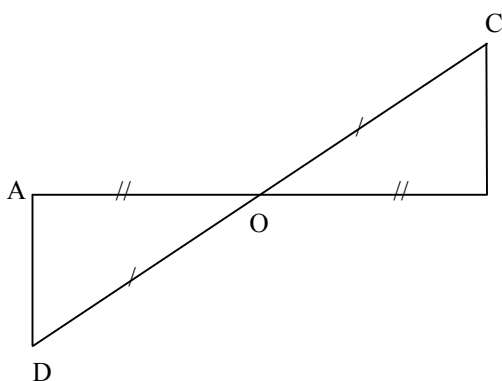
- 2°. Луч AD – биссектриса угла A. На сторонах угла A отмечены точки B и C так, что  $\angle ADB = \angle ADC$ . Докажите, что  $AB = AC$ .
- 3°. Начертите равнобедренный треугольник ABC с основанием BC. С помощью циркуля и линейки проведите медиану  $BB_1$  к боковой стороне AC.



## Контрольная работа № 2

## Вариант 2

1°. Отрезки AB и CD делятся точкой O пополам. Докажите, что  $\angle DAO = \angle CBO$



2°. На сторонах угла D отмечены точки M и K так, что  $DM = DK$ . Точка P лежит внутри угла D, и  $PK = PM$ , Докажите, что луч DP – биссектриса угла MDK.

3°. Начертите равнобедренный треугольник ABC с основанием AC и острым углом B. С помощью циркуля и линейки проведите высоту из вершины угла A.

## Контрольная работа № 3

## Вариант 1

1°. Отрезки EF и PQ пересекаются в их середине M. Докажите, что  $PE \parallel QF$

2°. Отрезок DM – биссектриса треугольника CDE. Через точку M проведена прямая, параллельная стороне CD и пересекающая сторону DE в точке N. Найти углы треугольника DMN, если  $\angle CDE = 68^\circ$

## Контрольная работа № 3

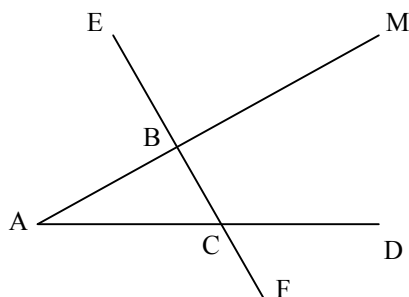
## Вариант 2

1°. Отрезки EF и MN пересекаются в их середине P. Докажите, что  $EN \parallel MF$

2°. Отрезок AD – биссектриса треугольника ABC. Через точку D проведена прямая, параллельная стороне AB и пересекающая сторону AC в точке F. Найти углы треугольника ADF, если  $\angle BAC = 72^\circ$

**Контрольная работа № 4****Вариант 1**

1°.  $\angle ABE = 104^\circ$ ,  $\angle DCF = 76^\circ$ ,  $AC = 12$ . Найти сторону  $AB$  треугольника  $ABC$ .



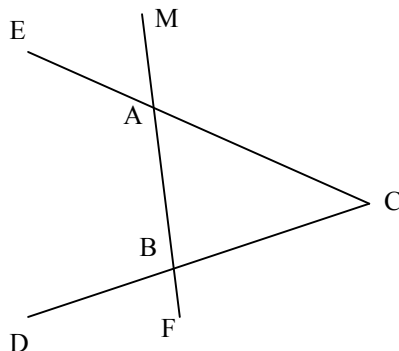
2°. В треугольнике  $CDE$  точка  $M$  лежит на стороне  $CE$ , причем  $\angle CMD$  - острый. Докажите, что  $DE > DM$

3°. Периметр равнобедренного тупоугольного треугольника равен 45см, а одна из его сторон больше другой на 9см, Найти стороны треугольника.

**Контрольная работа № 4****Вариант 2**

1°.  $\angle BAE = 112^\circ$ ,  $\angle DBF = 68^\circ$ ,  $BC = 9$ . Найти сторону  $AC$  треугольника  $ABC$ .

$\angle ABE = 104^\circ$ ,  $\angle DCF = 76^\circ$ ,  $AC = 12$ . Найти сторону  $AB$  треугольника  $ABC$ .



2°. В треугольнике  $MNP$  точка  $K$  лежит на стороне  $MN$ , причем  $\angle NKP$  - острый. Докажите, что  $KP < MP$

3°. Одна из сторон равнобедренного тупоугольного треугольника на 17см меньше другой. Найти стороны треугольника, если его периметр равен 77см.

**Контрольная работа № 5****Вариант 1**

- 1°. В остроугольном треугольнике  $MNP$  биссектриса угла  $M$  пересекает высоту  $NK$  в точке  $O$ , причем  $OK = 9\text{см}$ . Найти расстояние от точки  $O$  до прямой  $MN$
- 2°. Постройте прямоугольный треугольник по гипотенузе и острому углу.
- 3°. С помощью циркуля и линейки постройте угол, равный  $150^\circ$

<b>Контрольная работа № 5</b>	<b>Вариант 2</b>
-------------------------------	------------------

- 1°. В прямоугольном треугольнике  $DCE$  с прямым углом  $C$  проведена биссектриса  $EF$ , причем  $FC = 13\text{см}$ . Найти расстояние от точки  $F$  до прямой  $DE$
- 2°. Постройте прямоугольный треугольник по катету и прилежащему к нему острому углу.
- 3°. С помощью циркуля и линейки постройте угол, равный  $105^\circ$



СОГЛАСОВАНО

заместитель директора по УВР Нагорных Т.Ю.

---

«\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2023 года

МКОУ «Верхне-Грунская средняя общеобразовательная школа»

---

(наименование образовательного учреждения)

## КАЛЕНДАРНО-ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

по геометрии

*Класс 8*

**Учитель** Нагорных Т.Ю.

**Количество часов:** всего 68 часов;

**в неделю 2 часа.**

---

**Планирование составлено на основе рабочей программы по математике, утвержденной решением педагогического совета от 30 августа 2021 года, протокол №1, введен в действие приказом № 1/82 от 30.08.2021 г.**

---

(указать реквизиты утверждения рабочей программы с датой)

Номер урока	Наименование темы	Коли чест- во часов	Дата		Примечание
			План.	Факт.	
Уроки вводного повторения (2 часа)					
1	Уроки вводного повторения	1	01.09.2023		
2	Уроки вводного повторения	1	05.09.2023		
Глава V. Четырехугольники (14ч.)					
	Многоугольники	2			
3	Многоугольник. Выпуклый многоугольник. Четырехугольник	1	08.09.2023		
4	Многоугольник. Решение задач	1	12.09.2023		
	Параллелограмм и трапеция	6			
5	Параллелограмм и его свойства	1	15.09.2023		
6	Признаки параллелограмма.	1	19.09.2023		
7	Признаки параллелограмма.	1	22.09.2023		
8	Трапеция.	1	26.09.2023		
9	Теорема Фалеса.	1	29.09.2023		
10	Задачи на построение	1	03.10.2023		
	Прямоугольник, ромб, квадрат	6			
11	Прямоугольник.	1	06.10.2023		
12	Ромб и квадрат.	1	10.10.2023		
13	Решение задач	1	13.10.2023		
14	Осевая и центральная симметрии.	1	17.10.2023		
15	Решение задач	1	20.10.2023		
16	Контрольная работа №1 по теме «Четырёхугольники»	1	24.10.2023		

Номер урока	Наименование темы	Коли чест- во часов	Дата		Примечание
			План.	Факт.	
Глава VI. Площадь (14 ч.)					
	Площадь многоугольника	2			
17	Понятие площади многоугольника. <i>Площадь квадрата</i>	1	27.10.2023		
18	Площадь прямоугольника	1	07.11.2023		
	Площади параллелограмма, треугольника и трапеции	6			
19	Площадь параллелограмма	1	10.11.2023		
20	Площадь параллелограмма	1	14.11.2023		
21	Площадь треугольника	1	17.11.2023		
22	Площадь треугольника	1	21.11.2023		
23	Площадь трапеции	1	24.11.2023		
24	Площадь трапеции	1	28.11.2023		
	Теорема Пифагора	6			
25	Теорема Пифагора	1	01.12.2023		
26	Теорема, обратная теореме Пифагора	1	05.12.2023		
27	Решение задач по теме «Теорема Пифагора»	1	08.12.2023		
28	Формула Герона	1	12.12.2023		
29	Решение задач	1	15.12.2023		
30	Контрольная работа №2 по теме «Площадь»	1	19.12.2023		
Глава VII. Подобные треугольники (19 ч.)					
	Определение подобных треугольников	2			
31	Пропорциональные отрезки. Определение подобных треугольников.	1	22.12.2023		

Номер урока	Наименование темы	Коли- чест- во часов	Дата		Примечание
			План.	Факт.	
32	Отношение площадей подобных треугольников.	1	26.12.2020		
	<b>Признаки подобия треугольников</b>	<b>7</b>			
33	Первый признак подобия треугольников	1	29.12.2023		
34	Первый признак подобия треугольников	1	09.01.2024		
35	Второй признак подобия треугольников	1	12.01.2024		
36	Третий признак подобия треугольников	1	16.01.2024		
37	Решение задач на применение признаков подобия треугольников	1	19.01.2024		
38	Решение задач	1	23.01.2024		
39	<b>Контрольная работа №3 по теме «Признаки подобия треугольников»</b>	1	26.01.2024		
	<b>Применение подобия к доказательству теорем и решению задач</b>	<b>5</b>			
40	Средняя линия треугольника.	1	30.01.2024		
41	Пропорциональные отрезки в прямоугольном треугольнике.	1	02.02.2024		
42	Пропорциональные отрезки в прямоугольном треугольнике.	1	06.02.2024		
43	Метод подобия в задачах на построение	1	09.02.2024		
44	Измерительные работы на местности	1	13.02.2024		
	<b>Соотношения между сторонами и углами прямоугольного треугольника</b>	<b>5</b>			
45	Синус, косинус и тангенс острого угла прямоугольного треугольника.	1	16.02.2024		
46	Значения синуса, косинуса и тангенса для углов $30^\circ$ , $45^\circ$ и $60^\circ$ .	1	20.02.2024		

Номер урока	Наименование темы	Коли- чест- во часов	Дата		Примечание
			План.	Факт.	
47	Значения синуса, косинуса и тангенса для углов $30^\circ$ , $45^\circ$ и $60^\circ$	1	27.02. 2024		
48	Решение задач.	1	01.03.2024		
49	Контрольная работа №4 по теме «Применение подобия к доказательству теорем и решению задач. Соотношения между сторонами и углами прямоугольного треугольника»	1	05.03.2024		
<b>Глава VIII. Окружность (16 ч.)</b>					
	<b>Касательная к окружности</b>	<b>3</b>			
50	Взаимное расположение прямой и окружности. Касательная к окружности.	1	12.03.2024		
51	Взаимное расположение двух окружностей	1	15.03.2024		
52	Общие касательные двух окружностей	1	19.03.2024		
	<b>Центральные и вписанные углы</b>	<b>4</b>			
53	Градусная мера дуги окружности	1	02.04.2021		
54	Теорема о вписанном угле	1	05.04.2021		
55	Углы, образованные хордами, касательными и секущими	1	09.04.2021		
56	Углы, образованные хордами, касательными и секущими	1	12.04.2021		
	<b>Четыре замечательные точки треугольника</b>	<b>3</b>			
57	Свойство биссектрисы угла.	1	16.04.2021		
58	Свойства серединного перпендикуляра к отрезку.	1	19.04.2024		
59	Теорема о пересечении высот треугольника	1	23.04.2024		

Номер урока	Наименование темы	Коли- чест- во часов	Дата		Примечание
			План.	Факт.	
	<b>Вписанная и описанная окружности</b>	<b>6</b>			
60	Вписанная окружность.	1	26.04.2024		
61	Вписанная окружность.	1	03.05.2024		
62	Описанная окружность.	1	07.05.2024		
63	Описанная окружность.	1	14.05.2024		
64	Решение задач	1	17.05.2024		
65	Контрольная работа №5 по теме «Окружность»	1	21.05.2024		
66	<b>Повторение.</b>	1	24.05.2024		
67	<b>Повторение.</b>	1	28.05.2024		
68	<b>Промежуточная аттестация</b>	1	31.05.2024		

### Контрольная работа №1

#### Четырехугольники

##### Вариант 1

1. Диагонали прямоугольника  $ABCD$  пересекаются в точке  $O$ . Найдите угол между диагоналями, если  $\angle ABO = 30^\circ$ .
2. В параллелограмме  $KMNP$  проведена биссектриса угла  $MKP$ , которая пересекает сторону  $MN$  в точке  $E$ .
  - а) Докажите, что треугольник  $KME$  равнобедренный.
  - б) Найдите сторону  $KP$ , если  $ME = 10$  см, а периметр параллелограмма равен 52 см.

### Контрольная работа №1

#### Четырехугольники

##### Вариант 2

1. Диагонали ромба  $KMNP$  пересекаются в точке  $O$ . Найдите углы треугольника  $KMO$ , если  $\angle MNP = 80^\circ$ .
2. На стороне  $BC$  параллелограмма  $ABCD$  взята точка  $M$  так, что  $AB = BM$ .
  - а) Докажите, что  $AM$  – биссектриса угла  $BAD$ .
  - б) Найдите периметр параллелограмма, если  $CD = 8$  см,  $CM = 4$  см.

### Контрольная работа №2

#### Площадь

##### Вариант 1

1. Смежные углы параллелограмма равны 32 см и 26 см, а один из его углов равен  $150^\circ$ . Найдите площадь параллелограмма.
2. Площадь прямоугольной трапеции равна  $120 \text{ см}^2$ , а её высота равна 8 см. Найдите все стороны трапеции, если одно из оснований больше другого на 6 см.
3. На стороне  $AC$  данного треугольника  $ABC$  постройте точку  $D$  так, чтобы площадь треугольника  $ABD$  составила одну треть площади треугольника  $ABC$ .

### Контрольная работа №2

#### Площадь

##### Вариант 2

1. Одна из диагоналей параллелограмма является его высотой и равна 9 см. Найдите стороны этого параллелограмма, если его площадь равна  $108 \text{ см}^2$ .

- Найдите площадь трапеции  $ABCD$  с основаниями  $AD$  и  $BC$ , если известно, что  $AB = 12$  см,  $BC = 14$  см,  $AD = 30$  см,  $\angle B = 150^\circ$ .
- На продолжении стороны  $KN$  данного треугольника  $KMN$  постройте точку  $P$  так, чтобы площадь треугольника  $NMP$  была в два раза меньше площади треугольника  $KMN$ .

### Контрольная работа №3

#### Подобные треугольники

##### Вариант I

- На рисунке 1  $AB \parallel CD$ . а) Докажите, что  $AO : OC = BO : OD$ . б) Найдите  $AB$ , если  $OD = 15$  см,  $OB = 9$  см,  $CD = 25$  см.
- Найдите отношение площадей треугольников  $ABC$  и  $KMN$ , если  $AB = 8$  см,  $BC = 12$  см,  $AC = 16$  см,  $KM = 10$  см,  $MN = 15$  см,  $NK = 20$  см.

##### Вариант II

- На рисунке 2  $MN \parallel AC$ . а) Докажите, что  $AB \cdot BN = CB \cdot BM$ . б) Найдите  $MN$ , если  $AM = 6$  см,  $BM = 8$  см,  $AC = 21$  см.
- Даны стороны треугольников  $PQR$  и  $ABC$ :  $PQ = 16$  см,  $QR = 20$  см,  $PR = 28$  см и  $AB = 12$  см,  $BC = 15$  см,  $AC = 21$  см. Найдите отношение площадей этих треугольников.

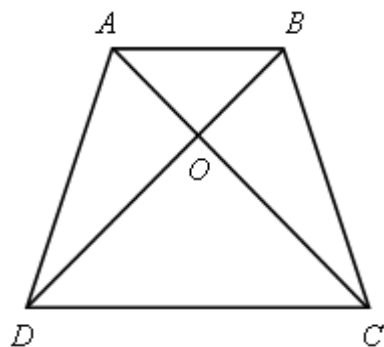


Рис. 1

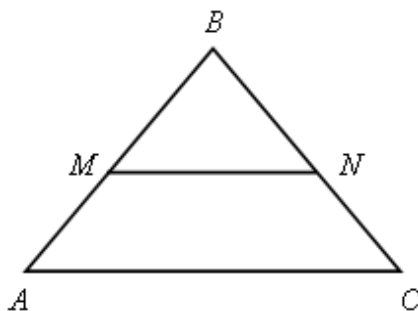


Рис. 2

### Контрольная работа №4

#### Соотношения между сторонами и углами в прямоугольном треугольнике

##### Вариант 1

- В прямоугольном треугольнике  $ABC$   $\angle A = 90^\circ$ ,  $AB = 20$  см, высота  $AD$  равна 12 см. Найдите  $AC$  и  $\cos C$ .
- Диагональ  $BD$  параллелограмма  $ABCD$  перпендикулярна к стороне  $AD$ . Найдите площадь параллелограмма  $ABCD$ , если  $AB = 12$  см,  $\angle A = 41^\circ$ .



## **Контрольная работа №4**

### **Соотношения между сторонами и углами в прямоугольном треугольнике**

#### **Вариант 2**

1. Высота  $BD$  прямоугольного треугольника  $ABC$  равна 24 см и отсекает от гипотенузы  $AC$  отрезок  $DC$ , равный 18 см. Найдите  $AB$  и  $\cos A$ .
2. Диагональ  $AC$  прямоугольника  $ABCD$  равна 3 см и составляет со стороной  $AD$  угол  $37^\circ$ . Найдите площадь прямоугольника  $ABCD$ .

## **Контрольная работа № 5**

### **Окружность**

#### **Вариант 1**

1. Через точку  $A$  окружности проведены диаметр  $AC$  и две хорды  $AB$  и  $AD$ , равные радиусу этой окружности. Найдите углы четырехугольника  $ABCD$  и градусные меры дуг  $AB$ ,  $BC$ ,  $CD$ ,  $AD$ .
2. Основание равнобедренного треугольника равно 18 см, а боковая сторона равна 15 см. Найдите радиусы вписанной в треугольник и описанной около треугольника окружностей.

## **Контрольная работа № 5**

### **Окружность**

#### **Вариант 2**

1. Отрезок  $BD$  – диаметр окружности с центром  $O$ . Хорда  $AC$  делит пополам радиус  $OB$  и перпендикулярна к нему. Найдите углы четырехугольника  $ABCD$  и градусные меры дуг  $AB$ ,  $BC$ ,  $CD$ ,  $AD$ .
2. Высота, проведенная к основанию равнобедренного треугольника, равна 9 см, а само основание равно 24 см. Найдите радиусы вписанной в треугольник и описанной около треугольника окружностей.

## 8 класс

### Итоговая контрольная работа

#### Вариант 1

1. В трапеции  $ABCD$  точка  $M$  – середина большего основания  $AD$ ,  $MD = BC$ ,  $\angle B = 100^\circ$ . Найдите углы  $AMC$  и  $BCM$ .
2. На стороне  $AD$  параллелограмма  $ABCD$  отмечена точка  $K$  так, что  $AK = 4$  см,  $KD = 5$  см,  $BK = 12$  см. Диагональ  $BD$  равна 13 см.
  - а) Докажите, что треугольник  $BKD$  прямоугольный.
  - б) Найдите площади треугольника  $ABK$  и параллелограмма  $ABCD$ .
3. Отрезки  $AC$  и  $BD$  пересекаются в точке  $O$ , причем  $AO = 15$  см,  $BO = 6$  см,  $CO = 5$  см,  $DO = 18$  см.
  - а) Докажите, что четырехугольник  $ABCD$  – трапеция.
  - б) Найдите отношение площадей треугольников  $AOD$  и  $BOC$ .
4. Около остроугольного треугольника  $ABC$  описана окружность с центром  $O$ . Расстояние от точки  $O$  до прямой  $AB$  равно 6 см,  $\angle AOC = 90^\circ$ ,  $\angle OBC = 15^\circ$ . Найдите: а) угол  $ABO$ ; б) радиус окружности.

### Итоговая контрольная работа

#### Вариант 2

1. В трапеции  $ABCD$  на большем основании  $AD$  отмечена точка  $M$  так, что  $AM = 3$  см,  $CM = 2$  см,  $\angle BAD = \angle BCM$ . Найдите длины сторон  $AB$  и  $BC$ .
2. В трапеции  $ABCD$   $\angle A = \angle B = 90^\circ$ ,  $FD = 8$  см,  $DC = 4$  см,  $CD = 10$  см. Найдите:
  - а) найдите площадь треугольника  $ACD$ ;
  - б) площадь трапеции  $ABCD$ .
3. Через точку  $M$  стороны  $AB$  треугольника  $ABC$  проведена прямая, перпендикулярная высоте  $BD$  треугольника и пересекающая сторону  $BC$  в точке  $K$ . Известно, что  $BM = 7$  см,  $BK = 9$  см,  $BC = 27$  см. Найдите:
  - а) длину стороны  $AB$ ;
  - б) отношение площадей треугольников  $ABC$  и  $MBK$ .
4. В треугольник  $ABC$  с прямым углом  $C$  вписана окружность с центром  $O$ , касающаяся сторон  $AB$ ,  $BC$  и  $CA$  в точках  $D$ ,  $E$  и  $F$  соответственно. Известно, что  $OC = 2\sqrt{2}$  см. Найдите: а) радиус окружности; б) углы  $EOF$  и  $EDF$ .

